

Revisão de Algoritmos

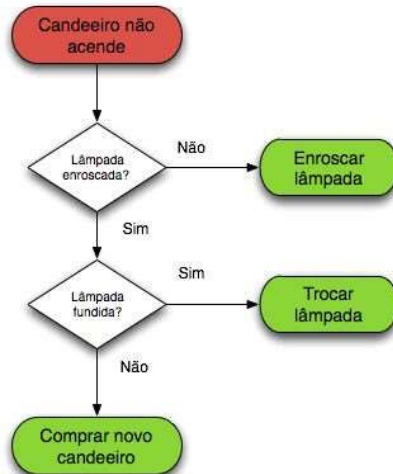
Prof. Edson Pedro Ferlin

AULA 1 - PROGRAMAÇÃO

Revisão de Algoritmos

```
def revisar(topico):  
    while not dominado:  
        estudar(topico)  
        praticar()  
    return "aprovado"  
  
for aula in curso:  
    revisar(aula)
```

Conceito



Algoritmo: Procedimento computacional bem definido e finito que, a partir de um valor (ENTRADA) produz uma resposta como saída.

Exemplo de problema computacional

- Problema da ordenação de uma sequência de números
 - Entrada: sequência de n números $a_1, \dots, a_n$
 - Saída: permutação da entrada tal que $a_1 \leq \dots \leq a_n$
 - Exemplo:
 - Entrada: 31, 41, 59, 26, 41, 58
 - Saída: 26, 31, 41, 41, 58, 59
- Existem vários algoritmos corretos para solucionar esse problema
 - Bubble Sort, Quick Sort, Heap Sort, etc

Se existem vários algoritmos corretos, como saber qual é o melhor?

- **1ª Idéia – Comparar o tempo de execução**
 - Não é válida uma vez que parâmetros como o desempenho da máquina e até mesmo a técnica de programação interferem nos resultados.
- **2ª Idéia – Mapear cada algoritmo em uma função matemática que “represente” o desempenho do algoritmo**
 - Essa idéia foi adotada pela literatura e o nome dessa função é complexidade
 - Para representar a complexidade de um algoritmo usamos a notação de Big O

Complexidade de Algoritmos

- A Complexidade de um algoritmo é a medida da “quantidade de trabalho” para resolver um problema
 - Não pode ser descrita por um número
- Normalmente a quantidade de operações elementares necessárias para resolver o problema depende da instância
 - A complexidade assintótica é definida pelo crescimento da complexidade para entradas suficientemente grandes.

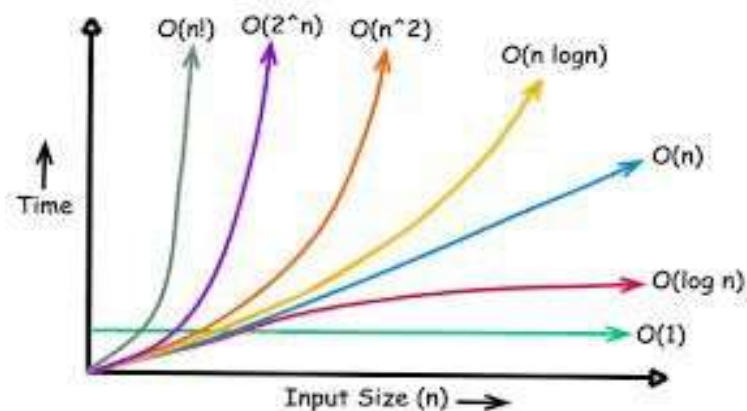
Complexidade Pessimista

- O critério de avaliação da complexidade do pior caso é o mais utilizado.
- Para essa avaliação os critérios são dependentes somente da estrutura do algoritmo.
- Serão analisadas as operações:
 - Atribuição
 - Sequência
 - Condicional
 - Iteração definida
 - Iteração indefinida

Notação de Big O

- A notação Big O é um conceito matemático usado na computação para classificar algoritmos pela sua eficiência (tempo de execução ou uso de memória) à medida que os dados de entrada (n) crescem
 - A notação O define uma cota assintótica superior
 - A complexidade de tempo é a mais comum
- Exemplos
 - $O(1)$ - O desempenho do algoritmo é constante independentemente do tamanho da entrada
 - $O(n)$ - O desempenho do algoritmo é diretamente proporcional ao tamanho da entrada
 - $O(n^2)$ - O desempenho do algoritmo varia com o quadrado da entrada

Desempenho de Algoritmos (Big O)



Revisão de Algoritmos

O que é um algoritmo?

DEFINIÇÃO

Uma sequência finita e ordenada de passos que resolve um problema ou executa uma tarefa.

CARACTERÍSTICAS

Entrada

Processamento

Saída

Precisão

Sequência lógica

Finitude

Entrada



Processamento



Saída

Algoritmos no cotidiano

01

Receita
culinária

02

GPS

03

Caixa
eletrônica

04

Máquina
de café

05

Semáforo
inteligente

Objetivo: mostrar que os algoritmos existem muito antes da programação — eles orientam decisões e tarefas do dia a dia.

Como representar algoritmos

1

Linguagem Natural

Descrição em texto comum, do jeito que falamos.

2

Fluxograma

Representação visual com símbolos e setas.

3

Portugol

Pseudolinguagem em português, próxima ao código.

4

Pseudocódigo

Passos estruturados, independentes de linguagem.

5

Linguagens de Programação

Código executável — ex.: Python.

Declaração de Variáveis

- Uma variável é um espaço na memória onde armazenamos valores;
- Em Python, não é necessário declarar o tipo explicitamente;
- O nome deve começar com uma letra ou `_`, mas não com números;
- Sensível a maiúsculas e minúsculas (`idade` $\neq$ `Idade`);
- Para declarar uma variável `x` com valor 10, escrevemos simplesmente o código `x=10`.

Operações Básicas

Operação	Símbolo	Exemplo	Resultado
Adição	+	<code>10 + 5</code>	15
Subtração	-	<code>10 - 5</code>	5
Multiplicação	*	<code>10 * 5</code>	50
Divisão	/	<code>10 / 3</code>	3.3333
Divisão inteira	//	<code>10 // 3</code>	3
Módulo (resto)	%	<code>10 % 3</code>	1
Exponenciação	**	<code>2 ** 3</code>	8

Estruturas Condicionais

- Podemos utilizar os operadores **if**, **else** e **elif**
- **if** é utilizado para testar uma condição
- **elif** é utilizado para se testar uma nova condição caso a condição **if** anterior seja falsa
- **else** é utilizado para executar o código se a condição **if** anterior for falsa

```
idade = 16
if idade >= 18:
    print('Maior de idade')
elif idade >= 14:
    print('Adolescente')
else:
    print('Criança')
```

Adolescente

Laços de Repetição

- O loop **while** é uma estrutura de repetição que executa um bloco de código enquanto uma condição for verdadeira
- O loop **for** é usado para percorrer elementos de uma sequência, como listas, tuplas, strings, dicionários e até intervalos numéricos
- **continue** pula uma iteração e segue para a próxima
- **break** para o loop antes que ele termine naturalmente

```
for numero in range(1, 10):
    if numero == 5:
        print("Número 5 encontrado! Parando o loop...")
        break # Sai do loop imediatamente
    print(f"Número: {numero}")
```

Número: 1
Número: 2
Número: 3
Número: 4
Número 5 encontrado! Parando o loop...

Recursividade

- Característica de um procedimento que contém pelo menos uma chamada a ele mesmo
- Útil para resolver problemas difíceis
- Exemplo de Algoritmos corretos do fatorial:

```

▶ def fatorial(n):
    fat = 1
    for i in range(n):
        fat = fat * (i+1)
    return fat

def fatorialR(n):
    if n > 1:
        return n*fatorialR(n-1)
    else:
        return 1
  
```

Variáveis

variaveis.py

```

nome = "Maria"
idade = 20
altura = 1.68
aprovado = True

print(nome)
print(idade)
print(altura)
print(aprovado)
  
```

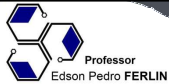
CONCEITO

Variáveis armazenam informações na memória durante a execução do programa.

SAÍDA

```

Maria
20
1.68
True
  
```



Tipos de Dados

```

tipos.py

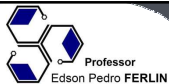
inteiro = 10      # int
real = 3.14       # float
texto = "Python"  # str
letra = 'A'       # str
logico = False    # bool

print(type(inteiro))
print(type(real))
print(type(texto))
print(type(logico))

```

type()

- int — inteiros
- float — reais
- str — texto
- bool — True/False



Entrada de Dados

```

entrada.py

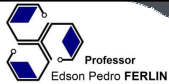
nome = input("Digite seu nome: ")
idade = int(input("Digite sua idade: "))

print("Nome:", nome)
print("Idade:", idade)

```

input()

input() sempre lê texto. Use int() ou float() para converter o valor digitado em número.



Operadores Aritméticos

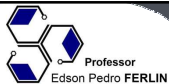
aritméticos.py

```
a = 12
b = 5

print(a + b)
print(a - b)
print(a * b)
print(a / b)
print(a % b)
print(a ** b)
```

Aritméticos

- + soma
- - subtração
- * multiplicação
- / divisão
- % resto
- ** potência



Operadores Relacionais

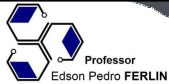
relacionais.py

```
idade = 18

print(idade > 16)
print(idade >= 18)
print(idade == 20)
print(idade != 15)
```

Comparação

- > maior
- >= maior ou igual
- == igual
- != diferente



Operadores Lógicos

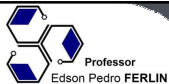
```
logicos.py

idade = 20
possui_carteira = True

if idade >= 18 and possui_carteira:
    print("Pode dirigir")
```

and / or / not

Combinam condições. Com and, todas precisam ser verdadeiras para o bloco executar.



Estrutura IF

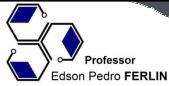
```
if.py

nota = float(input("Nota: "))

if nota >= 6:
    print("Aprovado")
else:
    print("Reprovado")
```

Decisão

Executa um bloco quando a condição é verdadeira; caso contrário, executa o else.



IF Aninhado

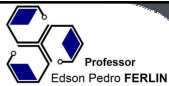
```
if_elif.py

nota = float(input("Nota: "))

if nota >= 9:
    print("Excelente")
elif nota >= 7:
    print("Bom")
elif nota >= 6:
    print("Regular")
else:
    print("Insuficiente")
```

elif

Encadeia várias condições em sequência, testadas de cima para baixo até uma ser verdadeira.



Match (Python 3.10+)

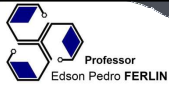
```
match.py

opcao = int(input("Escolha: "))

match opcao:
    case 1:
        print("Novo")
    case 2:
        print("Abrir")
    case 3:
        print("Salvar")
    case _:
        print("Inválido")
```

match / case

Compara um valor com vários casos. O case _ funciona como padrão (qualquer outro valor).



Atividade – Número positivo

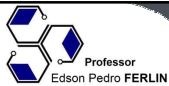
```
exercicio.py

numero = int(input("Número: "))

if numero > 0:
    print("Positivo")
elif numero < 0:
    print("Negativo")
else:
    print("Zero")
```

Objetivo

Classifique o número informado como positivo, negativo ou zero.



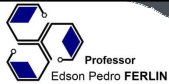
Laço FOR

```
for.py

for i in range(1, 11):
    print(i)
```

range(início, fim)

Repete o bloco para cada valor da sequência. range(1, 11) gera de 1 a 10.



Tabuada

```

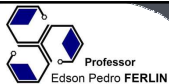
• • • tabuada.py

numero = int(input("Número: "))

for i in range(1, 11):
    print(f"{numero} x {i} = {numero*i}")
  
```

f-string

O prefixo f permite inserir variáveis diretamente no texto, dentro de chaves { }.



Laço While

```

• • • while.py

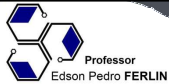
senha = ""

while senha != "123":
    senha = input("Senha: ")

print("Acesso liberado")
  
```

Repetição

Repete o bloco enquanto a condição for verdadeira. Ideal quando não se sabe o número de repetições.



While com Contador

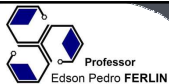
```
contador.py

contador = 1

while contador <= 5:
    print(contador)
    contador += 1
```

Contador

Use uma variável contadora e incremente com += 1 para controlar o número de repetições.



Break e Continue

break — interrompe o laço

```
break.py

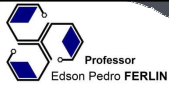
for i in range(10):
    if i == 5:
        break
    print(i)
```

continue — pula para a próxima

```
continue.py

for i in range(10):
    if i % 2 == 0:
        continue
    print(i)
```

break encerra o laço imediatamente. **continue** ignora o resto da volta e segue para a próxima iteração.



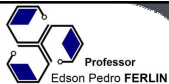
Atividade – Somar de 1 até 100

```
soma.py  
  
soma = 0  
  
for i in range(1, 101):  
    soma += i  
  
print(soma)
```

ATIVIDADE

Acumulador

Some cada valor em uma variável acumuladora.
Resultado esperado: 5050.

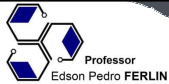


Funções

```
funcoes.py  
  
def soma(a, b):  
    return a + b  
  
print(soma(5, 8))
```

def

Agrupa um trecho de código reutilizável. return devolve o resultado para quem chamou a função.



Recursividade

```
fatorial.py

def fatorial(n):
    if n == 0:
        return 1
    return n * fatorial(n - 1)

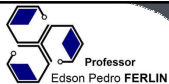
print(fatorial(5))
```

CONCEITO

Uma função recursiva chama a si mesma até chegar a um caso-base que encerra a repetição.

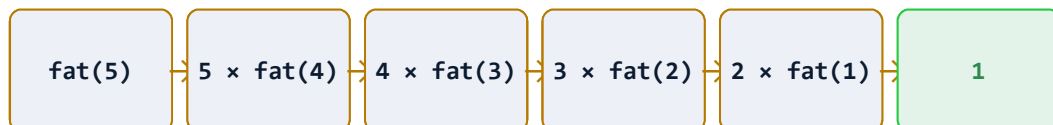
SAÍDA

120



Árvore de Recursão

Como `fatorial(5)` se desdobra em chamadas até o caso-base:



Descida: cada chamada aguarda a próxima. **Retorno:** a partir do caso-base (1), os resultados voltam multiplicando: $1 \rightarrow 2 \rightarrow 6 \rightarrow 24 \rightarrow 120$.

Fibonacci Recursivo

```

fib_rec.py

def fibonacci(n):
    if n <= 1:
        return n
    return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)

for i in range(10):
    print(fibonacci(i))

```

COMPLEXIDADE

$O(2^n)$

Por que é lento?

Recalcula os mesmos valores várias vezes. O custo cresce exponencialmente.

Fibonacci Iterativo

```

fib_iter.py

a = 0
b = 1

for i in range(10):
    print(a)
    a, b = b, a + b

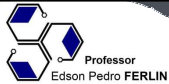
```

COMPLEXIDADE

$O(n)$

Bem mais rápido

A versão iterativa calcula cada valor uma única vez. Mesmo resultado, desempenho muito melhor.



Medindo Tempo

```
tempo.py

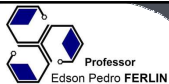
import time

inicio = time.time()
soma = 0
for i in range(1000000):
    soma += i
fim = time.time()

print(fim - inicio)
```

Eficiência

O módulo time mede quanto um trecho demora. É o primeiro passo para comparar a eficiência de algoritmos.



Busca Linear

```
busca_linear.py

vetor = [12, 7, 18, 4, 20, 15]
valor = 20

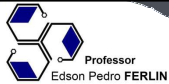
for i in vetor:
    if i == valor:
        print("Encontrado")
```

COMPLEXIDADE

$O(n)$

Busca Linear

Percorre elemento por elemento. No pior caso, verifica toda a lista.



Busca Binária

```

busca_binaria.py

import bisect

vetor = [2, 4, 6, 8, 10, 12, 14]
indice = bisect.bisect_left(vetor, 10)

print(indice)

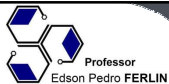
```

COMPLEXIDADE

$O(\log n)$

Busca Binária

Divide a lista ao meio a cada passo. Exige que o vetor esteja ordenado.



Bubble Sort

```

bubble_sort.py

vetor = [8, 5, 2, 9, 1]

for i in range(len(vetor)):
    for j in range(len(vetor)-1):
        if vetor[j] > vetor[j+1]:
            vetor[j], vetor[j+1] = vetor[j+1], vetor[j]

print(vetor)

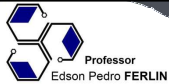
```

COMPLEXIDADE

$O(n^2)$

Bubble Sort

Compara pares vizinhos e troca de lugar. Dois laços aninhados tornam-no lento.



Função sorted()

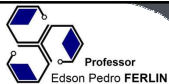
```
sorted.py
vetor = [8, 5, 2, 9, 1]
print(sorted(vetor))
```

COMPLEXIDADE

$O(n \log n)$

Timsort

Internamente o Python usa o Timsort, com complexidade média $O(n \log n)$ — muito eficiente.



Comparação de Complexidades

ALGORITMO	COMPLEXIDADE
Acesso a lista	$O(1)$
Busca Binária	$O(\log n)$
Timsort (sorted)	$O(n \log n)$
Busca Linear	$O(n)$
Bubble Sort	$O(n^2)$
Fibonacci Recursivo	$O(2^n)$

Atividade - Algoritmos

Faça um programa que leia 10 números e, a partir deles, calcule os resultados abaixo.

01**Ler**

10 números

02**Maior**

encontrar o maior valor

03**Menor**

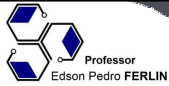
encontrar o menor valor

04**Média**

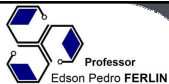
calcular a média dos valores

Exercícios





- 1) Escreva uma função curta em Python que receba um inteiro positivo n e retorne a soma dos quadrados de todos os inteiros positivos menores que n .
- 2) Escreva uma função curta em Python que receba um inteiro positivo n e retorne a soma dos quadrados de todos os inteiros positivos ímpares menores que n .
- 3) Escreva uma função curta em Python `minmax(data)` que receba uma sequência de um ou mais números e retorne o menor e o maior valor na forma de uma tupla de tamanho dois. Não utilize as funções embutidas `min()` ou `max()`.



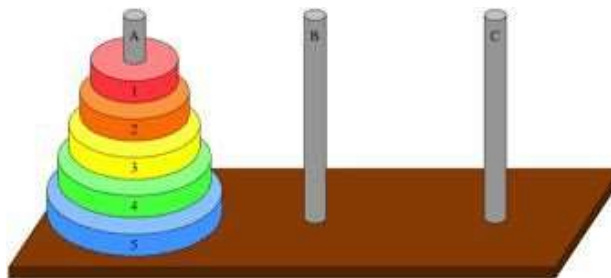
- 4) Escreva uma função curta em Python `is_multiple(n, m)` que receba dois valores inteiros e retorne `True` se n for múltiplo de m , ou seja, se existir um inteiro i tal que $n = m * i$, e `False` caso contrário.
- 5) Quais parâmetros devem ser passados ao construtor `range()` para produzir a sequência: 50, 60, 70, 80?
- 6) Quais parâmetros devem ser passados ao construtor `range()` para produzir a sequência: 8, 6, 4, 2, 0, -2, -4, -6, -8?

7) O Python permite o uso de índices negativos em sequências (como strings). Se uma string `s` tem comprimento `n` e usamos `s[k]` com $-n \leq k < 0$, qual é o índice equivalente $j \geq 0$ tal que `s[j]` referência o mesmo elemento?

8) Solicite uma palavra ao usuário e verifique se ela é um palíndromo (lida de trás para frente, ela continua igual). Dica: Pense de forma recursiva.

Problema

Problema das Torres de Hanoi - São dados 3 pinos A, B e C, n discos de tamanho diferentes, empilhados em ordem decrescente de diâmetro no pino A. Mover a pilha do pino A para o pino B, um disco de cada vez, sendo que é proibido empilhar um disco maior em cima de um menor.



Contato



eferlin@live.com



(BLOG) professorferlin.blogspot.com

(SITE) professorferlin.com.br

(YOUTUBE) ProfEdsonPedroFerlin